### Физика звездных атмосфер



# Атмосфера звезды — слой, в котором формируется наблюдаемое излучение.



SD0/HMI Quick-Lock Continuum: 20140201\_000000



HMI Dopplergram Surface movement Photosphere



HMI Magnetogram Magnetic field polarity Photosphere



HMI Continuum Matches visible light Photosphere



AIA 1700 Å 4500 Kelvin Photosphere



AIA 4500 Å 6000 Kelvin Photosphere



AIA 1600 Å 10,000 Kelvin Upper photosphere/ Transition region



AIA 304 Å 50,000 Kelvin Transition region/ Chromosphere



AIA 171 Å 600,000 Kelvin Upper transition Region/quiet corona



AIA 193 Å 1 million Kelvin Corona/flare plasma



AIA 211 Å 2 million Kelvin Active regions



AIA 335 Å 2.5 million Kelvin Active regions



AIA 094 Å 6 million Kelvin Flaring regions



AIA 131 Å 10 million Kelvin Flaring regions

#### Core 16,000,000 K

Prominence 10,000 K

Corona 1,000,000 K

> Chromospher (atmosphere) 10,000 K

Photosphere (surface) 6,000 K 20,000,000 K

K: Temperatures in Kelvin

Flare



### Солнечная атмосфера

- фотосфера видимый, и.-к., у.-ф. (λ > 1600 Å), протяженность ~ 200 - 500 км
- хромосфера у.-ф. (λ < 1600 Å), ядра резонансных линий (H, K Ca II), эмиссионные линии (He I 5876 Å), протяженность ~ *1500 км*,
- корона радиоизлучение, эмиссионные линии (Fe XIV 5303 Å) протяженность ~  $R_{sun}$

1. Оценка размера фотосферы

- размер h соответствует длине свободного пробега l фотона  $h \sim l = 1/\chi$
- коэффициент поглощения  $\chi_{\lambda} = a_{\lambda} n_{i}$
- объемный коэффициент поглощения  $a_{\lambda} \sim 10^{-18}~{
  m cm}^2$
- $n_i = 10^{10} 10^{11} c M^{-3}$

1. Оценка размера фотосферы

- размер h соответствует длине свободного пробега l фотона  $h \sim l = 1/\chi$
- коэффициент поглощения  $\chi_{\lambda} = a_{\lambda} n_{i}$
- объемный коэффициент поглощения  $a_{\lambda} \sim 10^{-18} \ {
  m cm}^2$
- $-n_i = 10^{10} 10^{11} c M^{-3}$

2. Оценка высоты однородной атмосферы

$$H = \frac{kT}{mg}$$

K=1.38  $10^{-16}$  erg/K T=6000 K m=1.67  $10^{-24}$  r log g=4.44 [cm/c<sup>2</sup>]

2. Оценка высоты однородной атмосферы

$$H = \frac{kT}{mg}$$

K=1.38 10<sup>-16</sup> erg/K T=6000 K m=1.67 10<sup>-24</sup>  $\Gamma$ log g=4.44 [cm/c<sup>2</sup>]

180 км

3. Оценка углового размера атмосферы при наблюдении с Земли

> h =180 км r = 150 000 000 км

3. Оценка углового размера атмосферы при наблюдении с Земли

> h=180 км r = 150 000 000 км

0.25



- Звезды асимптотической ветви гигантов (АВГ):
- пульсации атмосферы,
- ударные волны,
- звездный ветер,
- пылевая оболочка.

В общем виде задача о моделировании атмосферы звезды пока не решена.



Figure 1. Sketch of the physical processes involved in the mass loss mechanism of AGB stars.

Далее будем понимать под атмосферой звезды слои, в которых формируется подавляющая часть интегрального потока.

## Основные понятия

#### Интенсивность



если нет стоков и источников энергии, то  $I_v$  не зависит от расстояния. dE~r<sup>-2</sup> dA~r<sup>-2</sup>

В случае одномерной плоской геометрии  $I_{\nu}$  не зависит от азимута Распределения  $I_{\nu}$  и  $I_{\lambda}$  различны

$$I_{\nu}d\nu = I_{\lambda}d\lambda, \ \frac{d\nu}{d\lambda} = \frac{c}{\lambda^2}, \ I_{\lambda} = I_{\nu}\frac{c}{\lambda^2}$$

#### Средняя интенсивность (0-й момент интенсивности) (характеристика источника излучения) Ј-интеграл

Векторное определение

$$J_{\nu} = \frac{1}{4\pi} \oint_{4\pi} I_{\nu}(\vec{r}, \vec{n}, t) d\omega$$

В сферических координатах

$$J_{\nu} = \frac{1}{4\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{-\pi/2}^{\pi/2} I_{\nu} \sin\theta \cos\theta d\theta d\phi$$

Плоская геометрия Независимость от азимута *ф* 

$$\mu = \cos\theta$$

$$J_{\nu} = \frac{1}{2} \int_{-1}^{1} I_{\nu}(\mu) d\mu$$

эрг/(см<sup>2</sup>· с· Гц)

#### Поток (1-й момент интенсивности) Н-интеграл

лучистая энергия, протекающая через площадку dS за единицу времени в единичном интервале частот (характеристика излучения, дошедшего до наблюдателя)



#### Поток (1-й момент интенсивности) Н-интеграл

$$\mathcal{F}_{\nu} = \oint I_{\nu}(\vec{r},n,t) \, \vec{n} \, d\omega = \oint I_{\nu} \cos \theta \, d\omega =$$

$$= \int_{0}^{2\pi} d\phi \int_{0}^{\pi/2} I_{\nu} \sin\theta \cos\theta d\theta + \int_{0}^{2\pi} d\phi \int_{-\pi/2}^{0} I_{\nu} \sin\theta \cos\theta d\theta = \frac{\pi F^{+} + \pi F^{-}}{4\pi}$$

Ноль в изотропном случае

- 10

ингтоновский поток ний поток на 1 радиан

#### Система координат звездной атмосферы



#### Астрофизический поток F



#### Наблюдаемый поток

#### Поток излучения с поверхности звезды, регистрируемый наблюдателем

эрг/см²/с/А

Из условия сохранения потока

$$\begin{split} 4\pi R_{\star}^2 \, F_{\nu} &= 4\pi d_{\star}^2 \, f_{\nu} \\ f_{\nu} &= F_{\nu} \left(\frac{R_{\star}}{d_{\star}}\right)^2 = F_{\nu} \frac{\theta^2}{4} \end{split}$$
 Угловой диаметр звезды 
$$f_{\nu} &= F_{\nu} \left(\frac{R_{\star}}{d_{\star}}\right)^2 = F_{\nu} \frac{\theta^2}{4} \\ \hline \Pi \text{олный поток:} \qquad F = \int_{0}^{\infty} F_{\nu} = \sigma \, T_{eff}^4 \\ f &= F \frac{\theta^2}{4} = \sigma T_{eff}^4 \frac{\theta^2}{4} \end{split}$$

Светимость:

 $c 1 c M^2$ 

$$L = 4\pi R_\star^2 F = 4\pi R_\star^2 \sigma T_{eff}^4$$

Поток со всей поверхности звезды

#### Поток



#### VizieR Photometry viewer

Documentation



## Описание наблюдаемого потока звезды S1519 из галактики Sextant



#### Интенсивность



Плотность и давление излучения (2-й момент интенсивности) К-интеграл

$$K_{\nu} = \frac{1}{4\pi} \oint I_{\nu} \cos^2\theta d\omega = \frac{1}{2} \int_{-1}^{1} I_{\nu} \mu^2 d\mu$$

Плотность энергии излучения

Давление излучения



$$\rho_{\nu} = \frac{1}{c} \oint I_{\nu} d\omega = \frac{4\pi}{c} J_{\nu}$$

$$P_{\nu} = \frac{4\pi}{c} K_{\nu} = \frac{1}{c} \int I_{\nu} \mu^2 d\mu$$

Важно в горячих звездах

## Взаимодействие излучения и вещества

Перенос излучения



#### Коэффициент поглощения

 $a_v$  — на один атом (сечение)  $\chi_v$  — на ед.объем  $\kappa_v$  — на ед.массу  $\chi_{v} = \sum \chi_{v}^{i}$  $\chi_{v}^{i} = a_{v} n_{i}$  $\chi_{v} = \kappa_{v} \rho$ 

#### Поглощение

l



 $dI_{\nu} = \chi_{\nu}I_{\nu}dl$  $I_{\nu} = I_{\nu}^{0}e^{-\int_{0}^{l}\chi_{\nu}dl}$  $\tau_{\nu} = \int_{0}^{l}\chi_{\nu}dl$ 

Оптическая толща

$$I_{\nu} = I_{\nu}^0 e^{-\tau_{\nu}}$$

#### Излучение

Коэффициент излучения

$$\delta E = \eta_{
u}(ec{r},ec{n},t) dt d
u dl dA d\omega$$
 $dI_{
u} = \eta_{
u} dl$ Излучение на участке длиной  $dl$ 

Общее изменение интенсивности излучения

$$dI_{\nu} = \eta_{\nu} dl - \chi_{\nu} I_{\nu} dl = (\eta_{\nu} - \chi_{\nu} I_{\nu}) dl$$

Может быть и положительным (среда преимущественно генерирует излучение) и отрицательным (среда преимущественно поглощает)



### Модель — математическая форма описания физического тела или явления, параметры которой отражают его характеристики.



#### Основные уравнения

Уравнение переноса излучения



Уравнение гидростатического равновесия





Уравнение газодинамики (неразрывности) В случае стационарной атмосферы

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla(\rho \vec{v}) = 0$$

• Уравнение гидростатического равновесия

$$\frac{dP_g}{dz} + \frac{dP_R}{dz} = -g\rho \qquad \rho = \sum_{allspecies,k} \kappa m_k N_k = (N - N_e) m_H \sum_{allspecies,k} A_k \alpha_k$$

Уравнения сохранения числа частиц и заряда

$$N = \sum_{allspecies,k} N_k + N_e$$

$$N_e = \sum_{\text{species},k} \sum_{\text{ions},r} rN_{k,r}$$

g = const, параметр модели

Туре	$\log g$
Main sequence star	4.0 4.5
Sun	4.44
Supergiants	0 1
White dwarfs	~8
Neutron stars	~15
Earth	3.0

#### Сила давления излучения

$$\frac{dP_R}{dz} = -\frac{4\pi}{c} \rho \int_0^\infty \kappa_v H_v dv$$

 $g_R / g = \kappa_{mean} \sigma T_{eff}^4 R^2 / (c G M),$ 

Для Томсоновского рассеяния:  $\kappa_{mean} = \sigma_e / m_H$   $\frac{g_R}{g} = 10^{-4.51} \frac{L/L_{Sun}}{M/M_{Sun}}$ Для стабильной атмосферы:  $g > g_R$ .  $\log g > 4\log T_{eff} - 15.12$ 

#### Эддингтоновская светимость -

предельная светимость для звезды со статичной атмосферой.

$$L_{Edd} = 4\pi \frac{GM}{g_R} \sigma T_{eff}^4 = \frac{4\pi GMcm_H}{\sigma_e}$$

$$L_{Edd}/L_{Sun} = 10^{4.51} M/M_{Sun}$$
## Уравнение сохранения энергии

• Перенос энергии излучением - атмосфера в лучистом равновесии.

$$\int_{0}^{\infty} \eta_{v} dv = \int_{0}^{\infty} \chi_{v} J_{v} dv \qquad F = \int_{0}^{\infty} F_{v} dv = const = \sigma T_{eff}^{4}$$
  
$$T_{eff} - параметр модели$$

$$\mu \frac{dI_{\nu}(z)}{dz} = -\chi_{\nu}(z)I_{\nu}(z,\mu) + \eta_{\nu}(z)$$

условие постоянства потока получается из уравнения переноса при лучистом равновесии Уравнение сохранения энергии

• Перенос энергии излучением и конвективными движениями.

Критерий неустойчивости относительно появления конвекции (К. Шварциильд)



## Вывод критерия Шварцшильда

Сила плавучести поддерживает движение, если

$$(\Delta 
ho) E = \left(\frac{d
ho}{dr}
ight)_E \Delta r < (\Delta 
ho) r = \left(\frac{d
ho}{dr}
ight)_r \Delta r \quad \begin{cases} E - возмущенный элемент газа; \\ r - окружающий газ (в лучистом равновесии) \end{cases}$$

Предположим:

1) элемент – в равновесии с окружающим газом по давлению;

2) процесс – адиабатический.

$$\left(\frac{d\ln\rho}{dr}\right) A = \left(\frac{d\ln\rho}{d\ln P}\right) A \left(\frac{d\ln P}{dr}\right) A < \left(\frac{d\ln\rho}{dr}\right) r = \left(\frac{d\ln\rho}{d\ln P}\right) r \left(\frac{d\ln P}{dr}\right) r$$

$$\frac{\gamma - 1}{\gamma} \left(-\frac{d\ln P}{d\ln r}\right) r < \left(-\frac{d\ln T}{dr}\right) r$$

$$\nabla_A < \nabla_r$$

# Зона ионизации Н:

- рост непрозрачности и рост  $\nabla_r$ 

в диффузионном приближении  $Hv(\tau v) = \frac{1}{3} \frac{dBv}{dT} \frac{dT}{d\tau v} = -\frac{1}{3 \chi v} \frac{dBv}{dT} \frac{dT}{dz}$  $\nabla_r = 3 F \chi_{Ross} P / 16 \sigma g \rho T^4$ 

При  $\tau_{5000} > 1$   $V_A < V_r$ Конвекция переносит до 90% общего потока.

*Конвективный перенос энергии* важен, если

• есть зона ионизации Н;

#### Адиабатический и лучистый

градиенты в атмосфере Солнца



Fig. 4. Percentage of the total flux transferred by convection (full lines), total (dashed lines) and adiabatic (dot-dashed lines) temperature gradient in the MAFAGS-OS model for the two treatments of convection: Canuto & Mazitelli ( $\alpha_{cm} = 0.82$ ) – plotted in gray, Böhm-Vitense ( $\alpha_{bw} = 0.5$ ) – plotted in black.

*Grupp* (2004)

• располагается на  $\tau \ge 1$ . В звездах F, G и более поздних.





1. Геометрия.

#### Одномерные (1D) модели

• Плоскопараллельные однородные слои, если  $h_{atm}$  /R << 1.

Оценим 
$$H = \frac{P_g}{g\rho} = \frac{R_{gas}T}{g\mu}$$

- Солнце:*H/R* = 180/700000 << 1</th>Белый карлик:0.25/H3:0.0000016/10 << 1</td>
- Сферические однородные слои, если  $h_{atm}$  /R < 1 Mira:

 $h_{atm}/R \sim 0.56$ 

Насколько оправдано предположение об однородности?

Звезды с конвективной зоной (Солнце)

 Солнечная грануляция, размеры гранул ~1000 км разница температур ~ 300 К, скорости вертикальных движений ~1 км/с, время жизни ~ 10 мин.









# Ар звезды

#### • сильная химическая неоднородность поверхности,

обусловленная, вероятно, наличием магнитного поля сложной конфигурации. При наличии карт распределения химических элементов по поверхности можно промоделировать выходящее излучение в зависимости от фазы вращения.

# **Modelling the light curves in chemically peculiar stars**



Быстрые ротаторы.



 звезда приобретает форму эллипсоида, разные эффективные температуры и ускорения силы тяжести на полюсе и на экваторе. Типичный пример – Вега. R<sub>pol</sub>=2.36 R<sub>x</sub>, R<sub>equ</sub>=2.82 R<sub>x</sub>

 $T_e^{pol}$ =10060 K,  $T_e^{equ}$ =8150 K



#### Тесные двойные

отклонение от сферичности + облучение второй звездой.

## 2. Динамика

- Статичные атмосферы (все звезды ГП ~ 90% всех звезд)
- Движущиеся в режиме стационарного истечения,

(А – О сверхгиганты, звездные ветры)

• Гидродинамические

атмосферы с конвекцией (*звезды солнечного типа*); пульсирующие атмосферы (*цефеиды,* …); нестационарное расширение, ударные волны (*оболочки* SN)



 $\underline{O} = 0$ 

## 3. Термодинамика



• Статистическое равновесие (стационарные атмосферы)  $\frac{\partial n_i}{\partial t} = 0 \longrightarrow \sum_{j \neq i} n_j \left( R_{ji} + C_{ji} \right) = n_i \sum_{j \neq i} \left( R_{ij} + C_{ji} \right) \quad i = 1, \dots NL$ Ударные процессы: Радиативные процессы: b-f (е-, Н, молекулы) ионизация, рекомбинация фотоионизация, фоторекомбинация перезарядка автоионизация, диэлектронная рекомбинация *b-b*: фотовозбуждение, возбуждение, удары индуцированные переходы вниз, второго рода спонтанный переход  $n_i C_{ij} = N_e n_i \int \sigma_{ij}(v) f(v) v dv$  $R_{ii}, R_{ii} \sim I_{v}$ Локальные Нелокальные величины! величины

#### Частный случай:

полное термодинамическое равновесие (ПТР)

- детальный баланс:  $n_i R_{ij} = n_j R_{ji}$   $n_i C_{ij} = n_j C_{ji}$ Баланс прямых и обратных процессов
- $J_v = B_v$
- $\eta_{
  u} = k_{
  u} B_{
  u}(T)$  соотношение Кирхгофа-Планка

b-b: 
$$\frac{n_j}{n_i} = \frac{g_j}{g_i} e^{-hv/kT}$$
формула Больцмана

b-f: 
$$\frac{n_i}{n_{i+1}} = Ne \frac{g_i}{2g_{i+1}} \frac{h^3}{(2\pi m kT)^{3/2}} e^{\chi_i/kT}$$
 формула



Caxa

• Локальное термодинамическое равновесие (ЛТР)



Концентрации атомов – по формулам Больцмана и Саха при локальных  $T_e$  и  $N_e$ 

$$T_{ion} = T_{exc} = T_e$$

При каких условиях предположение ЛТР удовлетворительно? 1)  $C_{ij} >> R_{ij}$  в каждом переходе  $\sum_{j \neq i} n_j C_{ji} = n_i \sum_{j \neq i} C_{ij} \longrightarrow \frac{n_j}{n_i} = \frac{g_j}{g_i} e^{-hv/kT}$ 2)  $J_v = B_v(T_e)$  на всех частотах  $\rightarrow$  детальный баланс

Условия выполняются в глубоких слоях атмосферы



**π Cet** (
$$T_{3\phi\phi}$$
 = 12800 K)

Солнце 
$$(T_{3\phi\phi} = 5777 \text{ K})$$



# Классические модели звездных атмосфер

Классические модели атмосферы:



- плоская геометрия,
- однородные,
- статичные,
- эффекты вращения, магнитного поля пренебрежимо малы.

Область применимости сферических 1D, статических моделей – узкая. Протяженность почти всегда сопровождается динамическими явлениями.

# 1. Уравнение переноса излучения

$$\mu \frac{dI_{\nu}(z)}{dz} = -\chi_{\nu}(z)I_{\nu}(z,\mu) + \eta_{\nu}(z) \qquad \mu = \cos \theta$$

Поглощение: b-f переходы у всех атомов, ионов, молекул f-f переходы, рассеяние, b-b переходы.

*Излучение*: 
$$\eta_v = \chi_v^t B_v$$
 для тепловых процессов (*b-f, f-f*),  
 $\eta_v = \chi_v^s J_v$  для изотропного, когерентного  
рассеяния,  
 $\eta_v = \chi_v^s \int_0^\infty R(v,v') J_{v'} dv'$  для некогерентного рассеяния.  
 $\Phi_{yhKluss}$  перераспределения  
 $R(v,v')$ 

#### Введем следующие обозначения:

$$k_{\nu} = \chi_{\nu}^{t}$$
 - коэффициент истинного поглощения  
 $\sigma_{\nu} = \chi_{\nu}^{s}$  - коэффициент рассеяния

тогда  $\chi_{\nu} = k_{\nu} + \sigma_{\nu}$ 

Функция источников:  $S_v = \eta_v / \chi_v$ 

Оптическая толщина:  $\tau_v = \int \chi_v dz$ ,

$$\mu \frac{dI_{\nu}(\tau_{\nu},\mu)}{d\tau_{\nu}} = I_{\nu}(\tau_{\nu},\mu) - S_{\nu}(\tau_{\nu})$$
$$S_{\nu}(\tau) = \frac{k_{\nu}(\tau)B_{\nu}(\tau_{e}) + \sigma_{\nu}(\tau)J_{\nu}(\tau)}{k_{\nu}(\tau) + \sigma_{\nu}(\tau)}$$

При  $\sigma_v=0$   $S_v=B_v$ 

Интегральнодифференциальное уравнение

au всюду функция частоты

Граничные условия  
на поверхности: 
$$\tau_v = 0$$
,  $I_v(0, \mu) = I_v^-(\mu) = 0$   $-1 \le \mu \le 0$   
 $= I_v^-(\mu)$  облучаемая атм.  
нижняя граница:  $\tau_v = \tau_0$ ,  $I_v(\tau_0, \mu) = I_v^+(\mu)$   $0 \le \mu \le 1$   
 $\tau_v = \infty$ , lim  $I_v(\tau_v, \mu) \exp(-\frac{\tau_v}{\mu}) = 0$  когда  $\tau_v \Rightarrow \infty$ 

Формальное решение:

$$I_{\nu}(\tau_{1},\mu) = I_{\nu}(\tau_{2},\mu)exp(-\frac{\tau_{2}-\tau_{1}}{\mu}) + \frac{1}{\mu}\int_{\tau_{1}}^{\tau_{2}}S_{\nu}(t)exp(-\frac{t-\tau_{1}}{\mu})dt$$

#### Интенсивность и поток выходящего излучения:

$$\tau_1 = 0, \, \tau_2 = \infty.$$

$$I_{\nu}(0,\mu) = \frac{1}{\mu} \int_{0}^{\infty} S_{\nu}(t) exp(-\frac{t}{\mu}) dt$$

взвешенное среднее от функции источников по лучу зрения

$$F_{\nu}(0) = 2\pi \int_{0}^{\infty} S_{\nu}(t) E_{2}(t) dt$$

интегральная показательная функция 2-го порядка

Вес (вклад) слоя

# Источники поглощения в звездных атмосферах

Механизмы непрерывного поглощения в атмосферах звезд:

- Связанно-свободное поглощение *(b-f)* или фотоионизация:
  - $^{\triangleright}$  H, HeI, HeII, H<sup>-</sup>, H<sub>2</sub><sup>+</sup>, металлов;
- Свободно-свободное (*f-f*) поглощение:
  - ⊳ Н, Не, Н-, металлов
- Рассеяние:
  - ⊳ Томсоновское (на электронах)
  - ⊳ Рэлеевское (на атомах и молекулах)
  - ⊳ Комптоновское (на электронах)
- Связанно-связанное поглощение (*b-b*) в линиях или радиационные переходы
  - ▷ Атомы нейтральные и ионы
  - ⊳ Молекулы

### Нейтральный водород



#### Нейтральный водород

Связанно-свободные переходы (b-f)



Fig. 8.2. The bound-free absorption coefficient for hydrogen increases with n.

#### Отрицательный ион водорода





χ=0.754 эВ

Fig. 8.3. The absorption coefficient of the negative hydrogen ion shows a maximum near 8500 Å. Two calculations are compared.









#### Металлы

Unsoeld, 68





 $T_{eff}$  = 5040 K

B0: T<sub>eff</sub> = 28,000 K

#### Томпсоновское рассеяние

В общем случае:

Не зависит от длины волны Неизотропность ликвидируется многократным рассеянием

Важно при большой электронной концентрации

# Комптоновское рассеяние в атмосферах нейтронных звезд

$$\lambda'-\lambda=\lambda_k(1-\cos heta),$$
 $\lambda_k=rac{h}{m_ec}$  Комптоновская длина волны



#### Рэлеевское рассеяние

Важно в холодных звездах

$$\kappa_R = \sigma_R (N_{atom} + N_{mol})$$
  
$$\sigma_R \sim \lambda^{-4}$$

$$\kappa_{sc} = \sigma_e n_e$$
  
$$\sigma_e = 6,655 \times 10^{-25} \ cm^2$$

#### Поглощение в линиях.

- Блокировка излучения в фотометрических полосах (50 Å):



#### Поглощение в линиях.

# Modelling atmospheric structure in chemically peculiar stars <u>HD 101065 – Przybylski' star</u>



From Shulyak et al. A&A 520, 88, 2010

Доминирующие источники непрозрачности <u>λ = 3000 – 10000 Å</u>

Солнце ( $T_{eff}$  = 5780 K): H<sup>-</sup>


### Доминирующие источники непрозрачности $\lambda_{thr} < 3000$ Å





Серая атмосфера – атмосфера, в которой коэффициент поглощения не зависит от частоты.

$$\chi_v = \chi, \quad \tau_v = \tau$$

Введем интегральные величины:

 $I(\tau), J(\tau), H, S(\tau)$ 

$$I(\tau) = \int_{0}^{\infty} I_{\nu}(\tau) d\nu$$

Уравнение лучистого равновесия:

$$\int_{0}^{\infty} \chi J_{\nu} d\nu = \int_{0}^{\infty} \chi S_{\nu} d\nu \quad \longrightarrow \quad J(\tau) = S(\tau)$$

Уравнение переноса:

$$\mu \frac{dI(\tau,\mu)}{d\tau} = I(\tau,\mu) - S(\tau) = I(\tau,\mu) - J(\tau)$$

1-й  
момент
$$\frac{d}{d\tau}H(\tau) = J(\tau) - S(\tau) = 0$$
 $H = \text{const} = \frac{\sigma T_{\text{eff}}^4}{4}$ Сохранение потока

 $4\pi$ 

2-й 
$$\frac{d}{d\tau}K(\tau)=H$$

 $K(\bar{\tau}) = H\bar{\tau} + constant$ 

### Решение в приближении Эддингтона

Входящее излучение,  $\mu < 0$ :  $I(\tau, \mu) = I_{in}(\tau)$ Выходящее излучение,  $\mu \ge 0$ :  $I(\tau, \mu) = I_{out}(\tau)$ 

 $J(\tau) = \frac{1}{2} [I_{out}(\tau) + I_{in}(\tau)]; \qquad H(\tau) = \frac{1}{4} [I_{out}(\tau) - I_{in}(\tau)];$   $K(\tau) = \frac{1}{6} [I_{out}(\tau) + I_{in}(\tau)] \rightarrow K(\tau) = \frac{1}{3} J(\tau)$   $H(\tau) = \frac{1}{3} J(\tau)$   $H(\tau) = \frac{1}{4} I_{out}(0); \quad K(\tau) = \frac{1}{6} I_{out}(0)$   $Const = K(0) = \frac{2}{3} H$   $S(\tau) = \frac{3}{6} K(\tau) = \frac{3}{6} H(\tau + \frac{2}{3})$  Tournoe peiner Hue:  $S(\tau) = \frac{3}{6} H(\tau + \frac{2}{3})$   $G(\tau) = \frac{1}{\sqrt{3}} G(\infty) = 0.710.$ 

Функция источников –

линейная функция оптической глубины.

# Диффузионное приближение – асимптотическое решение уравнения переноса при *τ* >> 1.



Используем предположение ЛТР:  $S_{v}(\tau) = B_{v}(T)$ ,

 $S(\tau) = B(T) = \sigma T^4 / \pi,$  $\sigma T^4 / \pi = 3\sigma T_{eff}^4 / 4\pi (\tau + 2/3)$ 

$$T = T_{eff} (3/4 \ \tau + 1/2)^{1/4}$$

Следствия:

• 
$$T = T_{eff}$$
 на  $\tau = 2/3$ ,

• 
$$S(\tau = 2/3) = 4 H = F$$

Поток определяется функцией источников на глубине  $\tau = 2/3$ .

# Потемнение диска к краю как индикатор распределения температуры



### Солнце: потемнение диска к краю, $I(\lambda, \mu)/I(\lambda, \mu=1)$



Наблюдения: Pierce & Slaughter (1977); Pierce et al. (1977) Расчеты: Grupp (2004)

### Теоретические 1D модели не воспроизводят

- потемнение диска к краю на разных длинах волн;
- профили линий в спектрах интенсивности

### Росселандово среднее

Определим средний коэффициент поглощения так, чтобы 1-й момент уравнения переноса имел одинаковую форму для несерой и серой атмосфер.

$\frac{dK_{v}}{dz} = -\chi_{v}H_{v}$	$\frac{dK}{dz} = -\chi H$
$-\int_{0}^{\infty} \frac{1}{\chi_{v}} \frac{dK_{v}}{dz} dv = H$	$\frac{1}{\overline{\chi}} = \frac{\int_{0}^{\infty} \frac{1}{\chi_{v}} \frac{dK_{v}}{dz} dv}{\int_{0}^{\infty} \frac{dK_{v}}{dz} dv}$
В глубоких слоях, $K_{v}(\tau) \approx B_{v}(T)/3$	$\frac{dK_v}{dz} = \frac{1}{3} \frac{dB_v}{dT} \frac{dT}{dz}$



# В глубоких слоях $(\overline{\tau}_{Ross} > 1)$

можно использовать решение для серой атмосферы:

$$T^{4} = \frac{3}{4} T^{4}_{eff} \left[ \overline{\tau}_{Ross} + q \left( \overline{\tau}_{Ross} \right) \right]$$

$$T_{grey}(\bar{\tau}_{Ross})$$

• Используется в качестве начального распределения при расчете несерой атмосферы.

• Используют при моделировании внутреннего строения звезд.



### Модели атмосфер



Модель, это – распределение  $T, P, N_e$  как функции глубины

- геометрической z
- лучевой массовой концентрации m,  $dm = -\rho dz$
- оптической толщины 7

Диапазон моделирования  

$$T_{_{}^{}\phi\phi} = 900 - 500\ 000\ \mathrm{K}$$
  
 $\log g = 0 - 8$   
[M/H] =  $0.5 - (-5)$ 

 $\log g > 4\log T_{eff} - 15.12$ Для стабильной атмосферы:



# Модели атмосфер ATLAS9

### http://www.ser.oats.inaf.it/castelli/grids.html

#### Grids of ATLAS9 model atmospheres and ATLAS9 fluxes

```
paper.ps published on CD-ROM in IAU Symp. No 210 , Modelling of stellar atmospheres, poster A20
C125=mixing length parameter 1/H=1.25
CO5=mixing length parameter 1/H=0.5
asunc125odfnew.dat=asunodfnew.dat-ATLAS9 solar model
              (Grevesse & Sauval (1998) abundances, new ODF's, no overshooting)
fsunc125odfnew.dat=fsunodfnew.dat-ATLAS9 solar flux from sunc125odfnew.dat
ap05k2c125odfnew
                      [+0.5],vturb=2.0 km/s models 1/H=1.25
fp05k2c125odfnew
                      [+0.5],vturb=2.0 km/s fluxes l/H=1.25
ap05ak2c125odfnew
                      [+0.5a],vturb=2.0 km/s alpha +0.4 enhanced models
fp05ak2c125odfnew
                      [+0.5a],vturb=2.0 km/s alpha +0.4 enhanced fluxes
ap05k2c125Yp01odfnew
                      [+0.5],vturb=2.0 km/s
                                             A few He enhanced models, DY=+0.1
fp05k2c125Yp01odfnew
                      [+0.5],vturb=2.0 km/s
                                             A few He enhanced fluxes, DY=+0.1
ap05k2c125Yp02odfnew
                      [+0.5], vturb=2.0 km/s A few He enhanced models, DY=+0.2
fp05k2c125Yp02odfnew
                      [+0.5],vturb=2.0 km/s
                                             A few He enhanced fluxes, DY=+0.2
ap02k2c125odfnew
                      [+0.2],vturb=2.0 km/s
                                              models 1/H=1.25
fp02k2c125odfnew
                      [+0.2],vturb=2.0 km/s fluxes 1/H=1.25
ap02ak2c125odfnew
                      [+0.2a],vturb=2.0 km/s alpha +0.4 enhanced models
fp02ak2c125odfnew
                      [+0.2a],vturb=2.0 km/s alpha +0.4 enhanced fluxes
```

TEFE 5777, GRAVITY 4,44000 LTE TITLE 5777 4.44 p00 CONVECTION ON 1.25 TURBULENCE OFF 0.00 0.00 0.00 0.00 ABUNDANCE SCALE 1.00000 ABUNDANCE CHANGE 1 0.91100 2 0.08900 ABUNDANCE CHANGE 3 -10 88 4 -10 89 5 -9 44 6 -3 48 7 -3 99 8 -3 11 ABUNDANCE CHANGE 9 -7.48 10 -3.95 11 -5.71 12 -4.46 13 -5.57 14 -4.49 ABUNDANCE CHANGE 15 -6.59 16 -4.83 17 -6.54 18 -5.48 19 -6.92 20 -5.68 ABUNDANCE CHANGE 21 -8.94 22 -7.05 23 -8.04 24 -6.37 25 -6.65 26 -4.37 ABUNDANCE CHANGE 27 -7.12 28 -5.79 29 -7.83 30 -7.44 31 -9.16 32 -8.63 ABUNDANCE CHANGE 33 -9 67 34 -8 69 35 -9 41 36 -8 81 37 -9 44 38 -9 14 ABUNDANCE CHANGE 39 -9.80 40 -9.44 41 -10.62 42 -10.12 43 -20.00 44 -10.20 ABUNDANCE CHANGE 45 -10.92 46 -10.35 47 -11.10 48 -10.18 49 -10.38 50 -10.04 ABUNDANCE CHANGE 51 -11.04 52 -9.80 53 -10.53 54 -9.81 55 -10.92 56 -9.91 ABUNDANCE CHANGE 57 -10.82 58 -10.49 59 -11.33 60 -10.54 61 -20.00 62 -11.04 ABUNDANCE CHANGE 63 -11.53 64 -10.92 65 -12.14 66 -10.94 67 -11.78 68 -11.11 ABUNDANCE CHANGE 69 -12 04 70 -10 96 71 -11 28 72 -11 16 73 -11 91 74 -10 93 ABUNDANCE CHANGE 75 -11.77 76 -10.59 77 -10.69 78 -10.24 79 -11.03 80 -10.95 ABUNDANCE CHANGE 81 -11 14 82 -10 19 83 -11 33 84 -20 00 85 -20 00 86 -20 00 ABUNDANCE CHANGE 87 -20 00 88 -20 00 89 -20 00 90 -11 92 91 -20 00 92 -12 51 ABUNDANCE CHANGE 93 -20.00 94 -20.00 95 -20.00 96 -20.00 97 -20.00 98 -20.00 ABUNDANCE CHANGE 99 -20.00 READ DECK6 72 RHOX, T, P, XNE, ABROSS, ACCRAD, VTURB

5.05106304E-043698.31.391E+012.757E+092.640E-047.800E-022.000E+056.61093683E-043721.61.821E+013.549E+093.062E-048.186E-022.000E+058.40988574E-043743.32.316E+014.449E+093.531E-048.448E-022.000E+051.04930367E-033766.52.890E+015.485E+094.062E-048.599E-022.000E+051.29115461E-033790.43.556E+016.679E+094.655E-048.617E-022.000E+051.57331246E-033814.74.333E+018.063E+095.309E-048.517E-022.000E+05

Модель солнечной атмосферы ATLAS9



# Model Atmospheres in Radiative and Convective Scheme http://marcs.astro.uu.se/

MA	R	<u>C</u> <u>S</u>	Username: Password:	ryabchik ••••••• Log in	
🚖 MARCS homepage	Documentation	Software	Create account	🖂 Contact us	

#### Welcome to MARCS

This is a grid of one-dimensional, hydrostatic, plane-parallel and spherical LTE model atmospheres. These may be used together with atomic and molecular spectral line data and software for radiative transfer to generate synthetic stellar spectra.

The MARCS site contains about 52,000 stellar atmospheric models of spectral types F, G and K in 3 different formats and also flux sample files indicating rough surface fluxes. The data files are downloadable in limited amounts in the form of tar archives after registration. We ask users to cite the basic reference containing a description of the models: <u>Gustafsson B., Edvardsson B., Eriksson K., Jørgensen U.G., Nordlund Å.,</u>

Plez B. 2008, Astronomy & Astrophysics 486, 951.

MARCS low-resolution sampled fluxes of F and G type models were compared to six observational data bases by <u>Edvardsson (2008)</u>. Synthetic Strömgren *uvby-H* $\beta$  colours of MARCS fluxes were compared to those observed for field- and globular cluster stars by <u>Önehag et al. (2009)</u>.

#### News

June 2012: Four model subgrids added: "alpha enhanced" models with [Fe/H]=+1.00. "alpha enhanced" models with [Fe/H]=+0.75. "alpha poor" models with [Fe/H]=-2.50. "alpha negative" models with [Fe/H]=+1.00.

## Другие сетки моделей:

# LLmodels (Shulyak et al. 2004)

Grid is available at

https://fys.kuleuven.be/ster/meetings/binary-2015/gssp-software-package.

(4500-22000 K, logg: 2.5 – 5.0, [M/H]: -0.8 - +0.8)

# PHOENIX (Hauschildt et al., 1996).

(3000 -10000 K, logg: 3.5 – 5.5, [M/H]: -4.0 - +0.0) для карликов

(3000 – 6800 K, logg: 0.0 – 3.5, [M/H]: -0.7 - +0.0) для гигантов



## 2. Спектр Веги ( $T_{3\varphi\varphi}$ = 9550K, log g = 3.95, [Fe/H] = -0.5)



*Hauschildt et al.* 1999 (PHOENIX)

### 3. Спектр Ар-звезды $\alpha$ Cir ( $T_{3\phi\phi} = 7500$ K, log g = 4.1, стратификация)



### Вывод

Одномерные, статичные модели атмосфер дают успешные предсказания непрерывных и линейчатых спектров для большинства объектов.