

Использование фотометрических методов и данных Gaia для определения фундаментальных параметров звёзд классов K-F

Ю.В. Пахомов Институт астрономии РАН (ИНАСАН), Москва индивидуальная звезда

m

Физика звезд Шкала расстояний

3

5 6 >

10 17 12 13 14 15 •





В.И. Бурнашев, Б.А. Бурнашева "Спектрофотометрические каталоги и базы данных" Изв. Крымской Астрофиз. Обс., 110, № 1, 42–65 (2014)

VizieR Photometry viewer



+ много фотометрических данных в одном месте

+ пересчет в потоки [erg/s/cm²/A]

- только данные из CDS каталогов и статейных таблиц (отсутствуют внетабличные значения)

- одна величина MAG в разных каталогах представлена разными значениями потока

- нередко примешиваются данные соседних объектов

http://vizier.cds.unistra.fr/vizier/sed/

+01.2189749706

+01.2189749706

+01 2189749706

I/280B/ascc

I/280B/ascc

I/280B/ascc

102.0877774530

102.0877774530

102 0877774530

recno=1116255

recno=1116255

recno=1116255

138.55e+3 2.16e+0

181.75e+3 1.65e+0

241 96e+3 1 24e+0



 T_{eff}

Если поглощение отсутствует и есть SED от УФ до ИК, то

$$\begin{split} f_{\lambda}^{obs} &= F_{\lambda}(T_{eff}, \log g, [Fe/H]) \quad A_{\lambda}(E(B-V)) \quad \frac{\theta^2}{4} \\ \mathcal{F} &= \int_{0}^{\infty} F_{\lambda} d\lambda = 4 \frac{f^{obs}}{\theta^2} = \sigma T_{eff}^4 \\ \frac{\sigma_{T_{eff}}}{T_{eff}} &= \sqrt{\left(\frac{1}{4} \frac{\sigma_{f^{obs}}}{f^{obs}}\right)^2 + \left(\frac{1}{2} \frac{\sigma_{\theta}}{\theta}\right)^2} \\ \stackrel{\sim 0.005 \dots \ 0.05}{\sim 0.0025 \dots \ 0.025} \quad \stackrel{\sim 0.005 \dots \ 0.05}{\sim 0.005 \dots \ 0.05} \end{split}$$

 $f_{sun} = 1367 \text{ BT/M}^2$ $\theta = 31'59''$



 $5777~K\pm 1~K$

ΔT = 2 К из-за вариации солнечной постоянной



The InfraRed Flux Method (Blackwell & Shallis 1977)

 θ, T_{eff}

$$\begin{cases} f = \frac{\theta^2}{4} \sigma T_{eff}^4 & \lambda \text{ b VK} \\ f_{\lambda} = \frac{\theta^2}{4} \phi_{\lambda}(T_{eff}, g, [Fe/H]) & \end{cases}$$



Figure 1. Deduction of angular diameter of Arcturus at a set of infrared wavelengths from measured fluxes. Other measurements of angular diameter are marked on the diagram: PUD, PDL, Pease (1931), uncorrected and corrected for limb darkening; W. Wesselink *et al.* (1972); WUD, WLD, Worden (1976); G, Gezari, Labeyrie & Stachnik (1972); C, Currie *et al.* (1974); Beavers (1965). The angular diameter scale is logarithmic.

 T_{eff}



10 / 43

THE ASTROPHYSICAL JOURNAL, 626:465-485, 2005 June 10

[Fe/H] < -2.5 (triangles)

© 2005. The American Astronomical Society. All rights reserved. Printed in U.S.A.

THE EFFECTIVE TEMPERATURE SCALE OF FGK STARS. II. T_{eff}: COLOR: [Fe/H] CALIBRATIONS

IVÁN RAMÍREZ¹

Department of Astronomy, University of Texas at Austin, RLM 15.306, Austin, TX 78712-1083; ivan@astro.as.utexas.edu

AND

Jorge Meléndez¹ Department of Astronomy, California Institute of Technology, MS 105-24, Pasadena, CA 91125; jorge@astro.caltech.edu Received 2004 July 19; accepted 2005 February 9



COEFFICIENTS OF THE DWARF STAR COLOR CALIBRATIONS

TABLE 2

11/43

Phys. Scr. T133 (2008) 014020 (8pp)

doi:10.1088/0031-8949/2008/T133/014020

Infrared flux method and colour calibrations

L Casagrande

Tuorla Observatory, Department of Physics and Astronomy, University of Turku, Finland

E-mail: luccas@utu.fi

Received 17 September 2008 Accepted for publication 19 September 2008 Published 19 December 2008 Online at stacks.iop.org/PhysScr/T133/014020

Abstract

The Infrared Flux Method (IRFM) is one of the most accurate techniques to derive fundamental stellar parameters – namely effective temperatures, bolometric luminosities and angular diameters – in an almost model independent way. We review the method and its application to late-type dwarfs, with particular emphasis on the dependence of the resulting effective temperatures on the adopted absolute calibration. We also compare our results with a large set of recent interferometric angular diameters in order to better constrain the temperature scale: despite the excellent agreement we find, uncertainties of order 100 K cannot yet be ruled out. We conclude that although such disturbing uncertainty still plagues the determination of accurate effective temperatures, the homogeneous and internally precise fundamental stellar parameters determined via IRFM permit the study of the fine structure of the lower main sequence in greater detail than ever before.

The GALAH survey: effective temperature calibration from the InfraRed Flux Method in the *Gaia* system

Luca Casagrande⁽⁰⁾,^{1,2}*[†] Jane Lin,^{1,2} Adam D. Rains⁽⁰⁾,¹ Fan Liu⁽⁰⁾,³ Sven Buder⁽⁰⁾,^{1,2}



Figure 3. Left-hand panel: log-density plot of the colour– $T_{\rm eff}$ relation obtained using all 360 000 GALAH DR3 stars with good photometric and spectroscopic flags as described in the text. For $T_{\rm eff} \lesssim 4500$ K the two loci defined by dwarf and giant stars can be noticed. The inset shows the distribution of the $T_{\rm eff}$ residuals of our calibration. Right-hand panels: $T_{\rm eff}$ residuals plotted as a function of colour, surface gravity, and metallicity. Plots for the other colour indices are available

Table 3. Mean difference and standard deviation between the effective temperatures derived from our calibrations, and those from the literature used for validation (ours—literature). N is the number of stars available in each colour index.

Colour	Solar twins		GBS		Interferometry [†]	
	$\langle \Delta T_{\rm eff} \rangle$	Ν	$\langle \Delta T_{\rm eff} \rangle$	Ν	$\langle \Delta T_{\rm eff} \rangle$	Ν
$(BP - RP)_0$	-3 ± 17	8	3 ± 34	7	-8 ± 49	15
$(G - BP)_0$	-30 ± 16	8	-19 ± 42	5	-10 ± 68	7
$(G - RP)_0$	0 ± 22	8	10 ± 31	5	-12 ± 55	7
$(BP - J)_0$	-6 ± 23	8	10 ± 55	5	9 ± 48	3
$(BP - H)_0$	10 ± 13	8	49 ± 48	5	95 ± 8	2
$(BP - K_s)_0$	-14 ± 21	8	-16 ± 32	6	-30 ± 60	6
$(RP - J)_0$	-13 ± 69	8	2 ± 108	5	-42 ± 112	3
$(RP - H)_0$	-2 ± 36	8	25 ± 74	5	68 ± 14	2
$(RP - K_s)_0$	-28 ± 37	8	-52 ± 40	6	-51 ± 59	6
$(G - J)_0$	-2 ± 36	8	-4 ± 72	5	-16 ± 49	3
$(G-H)_0$	5 ± 20	8	18 ± 59	5	60 ± 50	2
$(G-K_s)_0$	-27 ± 26	8	-52 ± 40	5	-54 ± 74	5

CONCLUSIONS

Robust solar colours have also been derived (Appendix C). For most colour indices, our calibrations have a typical 1σ uncertainty of 40–80 K for the colour intervals of Table 2, which cover the region between 4000 and 8000 K. For 4000 K $\lesssim T_{eff} \lesssim 6700$ K our

Космическая фотометрия не дала сильного выигрыша в точности оценки эффективных температур

Температуры, определенные по разным показателем цвета, могут различаться больше, чем на приводимую ошибку

Note., [†]Only interferometric $T_{\rm eff}$ better than 1 per cent are used. ~50 .. 120 K

Влияние межзвездного поглощения на SED E(B-V)=0.5



Влияние неопределенности в температуре на SED ΔT =500 K





6 / 43

Корреляция между изменениями T_{eff} и E(B-V)





Сильная корреляция между T_{eff} и E(B-V) не позволяет достичь высокой точности при одновременном определении этих величин, используя фотометрию.

Необходимо независимое определение либо Т (спектр), либо E(B-V) (карты поглощения в Галактике)



Но это слабо влияет на точность определения углового диаметра

$$\theta(\mu as) = 2.06265 \times 10^{11} \sqrt{4 \times 10^{-0.4(m_{obs} - m_{synt})}}$$

Заметка: При точных параметрах звездной атмосферы и точном учете межзведного поглощения соотношение справедливо для любых длин волн. А также с небольшими ошибками в области корреляции Т и E(B-V)

Слабое влияние изменения ускорения силы тяжести log g (карлик и гигант) и металличности [Fe/H] (-1) на SED

5000/4.5/0 1e-12 Flux, $erg/s/cm^2/A$ 5000/2.0/0 5000/4.5/-1 E θ/θ_{ext} ±10% 0.1 1e+05 1e+06 1000 10000 λ, Å

Заметное влияние только для λ <4500 А



Межзвездное поглощение

Необходимо независимое определение одной из величин:

 T_{eff}

Методы спектрального анализа

- Нужны спектры высокого разрешения
 - Ограничение по звездной величине
 - Использование крупных телескопов
- Точность параметров атмосферы зависит от применяемых методов



E(B-V)

Только косвенная оценка

- карты поглощения в Галактике
 - Очень приближенные
 - Плохо работают на низких широтах
 - Многие основаны на ИК, а применяются в видимом диапазоне (Rv=3.1?)
 - Schlegel et al только для далеких звезд
 - Не учитывают:
 - околозвездное поглощение
 - мелкомасштабные неоднородности
- Данные Gaia
 - Формальное решение, часто далеко от реальности, как и параметры атмосферы звезды
- синтетическая фотометрия, используя параметры, полученные из спектров
 - Точность зависит от точности параметров атмосферы
 - Точность зависит от модели атмосферы

Ryabchikova et al (2015)

Математический подход

Синтетические цвета ВСР на основе моделей Кигисz $f_{\lambda}^{obs} = f_{\lambda}^{synt} (T_{eff}, log \ g, [Fe/H], E(B-V)) \frac{\theta^2}{4}$

Масштабный фактор

Параметры модели SED

 $\min\left(\chi^2 = \sum \frac{(f_{\lambda}^{obs} - f_{\lambda}^{synt})^2}{\sigma_{f^{obs}}^2}\right)$

Методы оптимизации:

Levenberg-Marquardt L-BFGS-B

Нужно найти:

- 4 параметра модели SED + вычисляемый масштабный фактор

Известно:

- сильная корреляция между T_{eff} и E(B-V), но их влияние на SED разное в синей части спектра

- слабая чувстительность к [Fe/H] и log g в видимом диапазоне и ИК, но сильная в синей области и УФ

- угловой радиус надежно определяется по ИК

Требование к наблюдениям:

- нужно минимум 5 точек на SED (звездные величины или потоки на 5 длинах волн), а лучше больше, так как для 5 точек возможно неоднозначное решение (функция хиквадрат имеет множество локальных максимумов)

- точки распределены от УФ до ИК (U B V R I J H K)
- точность фотометрии лучше 0.005^m 0.01^m

Математический подход



Математический подход

Решение для реальных звезд



Математический подход

Решение для реальных звезд





R, *M*

Из-за корреляции Т и E(B-V), а также незначительной зависимости SED от log g и [Fe/H] точность определения углового диаметра часто остается приемлемой

$$\theta(rad) = \sqrt{4 \times 10^{-0.4(m_{obs} - m_{synt})}}$$

$$\theta(rad) = \sqrt{4\frac{f}{F}}$$

Радиус звезды

$$R_{\star} = d \times \theta(rad)/2$$

$$\frac{\sigma_R}{R} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_d}{d}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_\theta}{\theta}\right)^2}$$
-1-10%

T + R + эволюционные треки = масса звезды

R, *M*

Evolutionary tracks MESA for [Fe/H]=0

http://waps.cfa.harvard.edu/MIST/interp_tracks.html



Из-за корреляции Т и E(B-V), а также незначительной зависимости SED от log g и [Fe/H] точность определения углового диаметра часто остается приемлемой

$$\theta(rad) = \sqrt{4 \times 10^{-0.4(m_{obs} - m_{synt})}}$$

R, log g

$$R_{\star} = d \times \theta(rad)/2$$

$$\theta(rad) = \sqrt{4\frac{f}{F}}$$

$$\frac{\sigma_R}{R} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_d}{d}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_\theta}{\theta}\right)^2}$$

<1-10%

$$g = G \frac{\mathcal{M}}{R_{\star}^2} \qquad \qquad g_{\odot} = G \frac{\mathcal{M}_{\odot}}{R_{\odot}^2}$$

$$\log g = \log g_{\odot} + \log \frac{\mathcal{M}}{\mathcal{M}_{\odot}} - 2 \log \frac{R_{\star}}{R_{\odot}}$$

$$\sigma_{\log g} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{\mathcal{M}}}{\mathcal{M}\ln(10)}\right)^2 + \left(2\frac{\sigma_R}{R\ln(10)}\right)^2}$$

$$\sim 0.10 \dots 0.20 \qquad \sim 4\text{-}20\% \qquad \sim 1\text{-}10\%$$

log g

Модифицированный метод спектрального параллакса

$$L = 4\pi R_{\star}^{2} \sigma T_{eff}^{4}$$
$$g = G \frac{\mathcal{M}}{R_{\star}^{2}}$$

 $\log g = -10.607 + \log \frac{\mathcal{M}}{\mathcal{M}_{\odot}} + 4\log T_{eff} - \log \frac{L}{L_{\odot}}$

$$\log \frac{L}{L_{\odot}} = 0.4(M_{bol} \odot - M_{bol}) \qquad M_{bol} = M_V + BC = m_V + 5 - 5\log d - A_V + BC$$

$$\log g = -10.607 + \log \frac{\mathcal{M}}{\mathcal{M}_{\odot}} + 4\log T_{eff} + 0.4(m_V + 5 - 5\log d - A_V + BC - M_{bol})$$

$$\sigma_{\log g} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{\mathcal{M}}}{\mathcal{M}ln(10)}\right)^2 + \left(4\frac{\sigma_T}{Tln(10)}\right)^2 + \left(2\frac{\sigma_d}{dln(10)}\right)^2 + \left(0.4\sigma_m\right)^2}$$

~0.10 ... 0.20

Bce ~0.02-0.05

SED звезды S1014 (карликовая галактика Sextant) V=17.64^m T_{eff}=4590±25 K log g=1.01±0.10 [Fe/H]=-2.97 Vmic=2.1 km/s θ=4.81±0.08 μas E(B-V)=0.038 (Schlegel et al 1998)



3- روح

При большой ошибкев наблюдательных данных для точной оценки Teff необходимо знать E(B-V) из других источников.







 $\varpi \longrightarrow d \neq \frac{1}{\varpi}$

$$\varpi \longrightarrow d \neq \frac{1}{\varpi}$$

A&A 649, A4 (2021) https://doi.org/10.1051/0004-6361/202039653 © ESO 2021

1. Наличие сдвига в шкале параллаксов $\varpi = \varpi_{DR3} + \text{offset}(\sim 0.03 mas)$ Astronomy

Gaia Early Data Release 3

Special issue

Astrophysics

Parallax bias versus magnitude, colour, and position

L. Lindegren¹, U. Bastian², M. Biermann², A. Bombrun³, A. de Torres³, E. Gerlach⁴, R. Geyer⁴, J. Hernández⁵, T. Hilger⁴, D. Hobbs¹, S. A. Klioner⁴, U. Lammers⁵, P. J. McMillan¹, M. Ramos-Lerate⁶, H. Steidelmüller⁴, C. A. Stephenson⁷, and F. van Leeuwen⁸

2. Различие максимумов распределений параллаксов и расстояний







Модифицированный метод спектрального параллакса

$$\log g = -10.607 + \log \frac{\mathcal{M}}{\mathcal{M}_{\odot}} + 4\log T_{eff} + 0.4(m_V + 5 - 5\log d - A_V + BC - M_{bol})$$

$$\log d = -5.303 + 0.5 \log \frac{\mathcal{M}}{\mathcal{M}_{\odot}} + 2 \log T_{eff} - 0.5 \log g + 0.2m_V + 1 - 0.2A_V + 0.2BC - 0.2M_{bol}$$

$$\sigma_{\log d} = \sqrt{\left(0.5 \frac{\sigma_{\mathcal{M}}}{\mathcal{M} ln(10)}\right)^2 + \left(2 \frac{\sigma_T}{T ln(10)}\right)^2 + (0.5 \sigma_{\log g})^2 + (0.2 \sigma_m)^2 + (0.2 \sigma_{A_V})^2}$$

~0.10 ~0.02 ~0.02 ~0.10 ~0.01 ~0.02
$$\frac{\sigma_d}{d} = ln(10) \sigma_{\log d}$$

d

На каком расстоянии нам достуны звездные спектры высокого разрешения?

На каком расстоянии нам достуны звездные спектры высокого разрешения?

Известно, что на современном спектрографе, установленном на 2-м телескопе при спектральном разрешении R=50 000 можно за 1 час получить спектр звезды 9^m с S/N=100.

На каком расстоянии располагается звезда, спектр которой будет получен на 10-м телескопе за 5 часов экспозиции при S/N=20?



На каком расстоянии нам достуны звездные спектры высокого разрешения?

 $K = (10/2)^2 * (100/20)^2 * (5/1) = 25*25*5 = 3125$ $\Delta m = 2.5 \log(3125) = 8.7^m$ $m_v = 17.7^m$

 $d = 10^{(m+5-M)/5}$

Белый карлик: $M_v = 11^m$, d = 220 пк Карлик, типа Солнца: $M_v = 4.7^m$, d = 4 кпк Гигант: $M_v = 0^m$, d = 35 кпк Сверхгигант: $M_v = -5^m$, d = 350 кпк

Cygnus Arm

Carina-Sagittarius Arm

Norma Arm

Crux-Scutum Arm

Perseus Arm

4 кпк

<- Our Solar System

20 000

Local or Orion Arm





Эшелле-спектр звезды Воо-911 UFD галактика Bootes I m_v=17.5 mag Телескоп Subaru 8-т Спектрограф HDS R=40000 О точности определения фундаментальных параметров индивидуальных звезд фотометрическими методами с привлечением параллаксов Gaia

 $\frac{\sigma_{T_{eff}}}{T_{eff}} \gtrsim 1.5\%$

 $\sigma_{T_{eff}} \gtrsim 70K$

 $\sigma_{\log g} \gtrsim 0.1$

 $\sigma_{E(B-V)} \gtrsim 0.02^m$

 $\frac{\sigma_R}{R}\gtrsim 1\%$

 $\frac{\sigma_d}{d} \gtrsim 20\%$

 $\frac{\sigma_{\mathcal{M}}}{\mathcal{M}} \gtrsim 3\%..20\%$